

1. Ondoko adierazpenetatik, esan zeintzuk diren formulak eta zeintzuk ez, eta formulen artean zeintzuk diren enuntziatuak eta zeintzuk ez. Aldatu formulak ez direnak formula bilakatu daitezen. Zenbatzaile bakoitzarentzat azpimarratu bere eragina. Esan zein aldagai agerpen dauden aske eta zeintzuk lotuta.

$\neg \text{Pa}$

$\neg \text{P}_a$

$\neg \text{Px}$

Rxy

$\neg \text{Rxyz}$

$\neg \neg \neg \text{Rxa}$

$\neg \text{Px} \rightarrow \exists x \text{Q}_x$

$\forall x \exists z \neg \text{Rxz}$

$F_1^2 a$

$F_2^1 a$

$F_1^2 x_a$

$\forall c \text{ Rxc}$

$\forall z \text{ Rxc}$

$\forall x (\text{Px} \text{Rxy})$

$(\forall x \text{ Px})$

$\forall x (\text{Px} \rightarrow \exists y (\text{Rxy}))$

$\forall x F_1^2 axb \rightarrow \exists x F_1^1 a$

$\forall x_1 F_1^2 xa F_2^2 x_1 x_2$

$\forall x_1 \exists x_2 F_1^1 x_1 \rightarrow F_1^2 x_1 x_2$

$\forall x_1 (F_1^1 x_1 \rightarrow (F_2^1 x_1 \vee F_2^1 x_1 x_2))$

$\forall z (Pz \exists x \text{ Rxz})$

$\exists x \forall y \neg \exists x \forall z \neg \exists z \exists y (\text{Px} \wedge \text{Qy})$

$\forall x \neg \exists y \exists \neg x \neg (\text{Px} \wedge \text{Qx})$

2. Jar itzazu parentesiak ondoko formulaan (Badesa et al-en *Elementos de lógica formal-etik*)

$\forall x \forall y \text{ Rxy} \rightarrow \exists z \text{ Px} \wedge \text{Rxz} \vee \text{Px}$

- a. **disjuntzio bat...**
- b. **atzekari bezala disjuntzio bat duen baldintza...**
- c. **lehen disjunto bezala kuantifikazio unibertsal bat duen disjuntzio bat...**
- d. **disjuntzio baten kuantifikazio unibertsala...**
- e. **baldintza baten kuantifikazio unibertsala...**
- f. **baldintza baten kuantifikazio unibertsal baten kuantifikazio unibertsala...**
- g. **disjuntzio baten kuantifikazio unibertsal baten kuantifikazio unibertsala...**
- h. **atzekari bezala formula baten kuantifikazio existentziala duen baldintza baten kuantifikazio unibertsala...**

...izan dadin

3. Bilatu ondoko formulen azpi formulak (zuhaitz genealogikoak) (Badesa et al-en *Elementos de lógica formal-etik*)

- | | |
|--|--|
| a. $\forall z (\text{Rxy} \wedge \exists y \text{ Py})$ | f. $\forall x \forall y (\text{Px} \rightarrow (\text{Qx} \vee \text{Rxy}))$ |
| b. $\text{Rxy} \wedge \neg \text{Px}$ | g. $\exists x (\text{Px} \wedge \exists y (\text{Qx} \vee \text{Rxy}))$ |
| c. $\forall x \text{ Px} \vee \text{Rxy}$ | h. $\forall x \exists y \text{ Rxy}$ |
| d. $\neg \neg \forall x \text{ Px}$ | i. $\exists y \forall x \text{ Rxy}$ |
| e. $\forall x (\text{Px} \rightarrow (\text{Qx} \vee \text{Rxy}))$ | j. $\forall x (\exists y \text{ Py} \rightarrow \text{Rxy})$ |

4. Ondoko formuletatik, esan aurrena zeintzuk diren enuntziatuak eta zeintzuk formula irekiak. Identifikatu aldagaien agerpen lotuak eta askeak. Agerpen lotuetarako, esan zein bloke kuantifikacionalek lotzen duen. (Badesa et al-en *Elementos de lógica formal-etik*)

- | | |
|---|---|
| a. $\forall x \forall y \text{ Rxy}$ | e. $\forall x \text{ Px} \vee \forall y \exists x \text{ Rxy}$ |
| b. $\forall x (\text{Px} \rightarrow \text{Rxy})$ | f. $\forall x (\text{Rxx} \rightarrow \exists y (\text{Py} \wedge \text{Rxy}))$ |
| c. $\forall x (\text{Rxy} \wedge \exists y \text{ Py})$ | g. $\forall x (\text{Px} \rightarrow (\text{Qx} \vee \exists y \text{ Rxy}))$ |
| d. $\exists y \exists x (\text{Rxy} \wedge \neg \text{Px})$ | h. $\forall y \exists y \text{ Rxy}$ |

5. Pasa Rxy -tik Ryx -era eta Sxyz -tik Szyx -era ordezkapen indibidualen serie baten bitartez. (Badesa et al-en *Elementos de lógica formal-etik*)