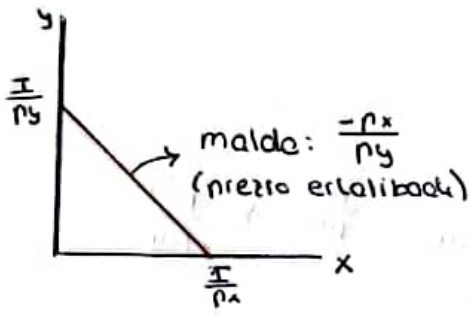


# Lehentasunak

- Cobb-Douglas:  $u(x,y) = x^\alpha \cdot y^\beta \quad \alpha, \beta > 0$
- Ordergarri Perfektuak:  $u(x,y) = \alpha x + \beta y \quad \alpha, \beta > 0 \quad \frac{\partial x}{\partial p_y} > 0$
- Osagarri Perfektuak:  $u(x,y) = \min\{\alpha x, \beta y\} \quad \alpha, \beta > 0 \quad \frac{\partial x}{\partial p_y} < 0$
- Stone Geary:  $u(x,y) = (x+\alpha)(y+\beta)$
- Kuasilinealak:  $u(x,y) = x^\alpha + y^\beta$  edo  $x + y^\beta$   
 $\alpha > 0 \quad \beta > 0$
- Bestelakoak

## Hautopena / Sasi Optimoak

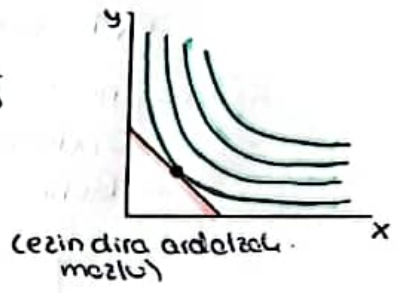
I: errenta  
 $p_x, p_y$ : prezioak } Aurrekontu zuzena  
 $I = p_x x + p_y y \rightarrow y = \frac{I}{p_y} - \frac{p_x}{p_y} x$



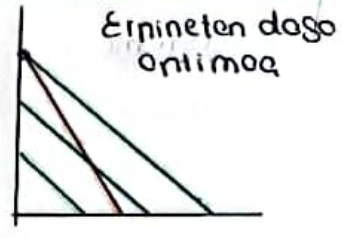
Kontsumitzaileen arzoa:  
 $\max u(x,y)$   
 K.h.  $I = p_x x + p_y y$

### → Cobb Douglas

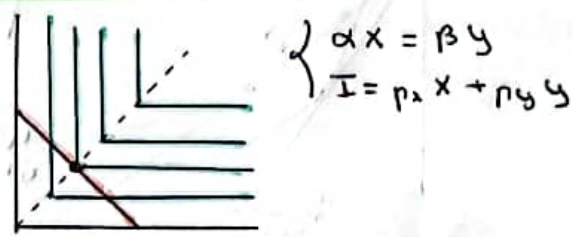
Optimo Baldintza / Tangentzia B:  $OEM(x,y) = \frac{-p_x}{p_y}$   
 sistema bat.  $\begin{cases} OEM = \frac{-p_x}{p_y} \\ I = p_x x + p_y y \end{cases}$



### → Ordergarri Perfektuak

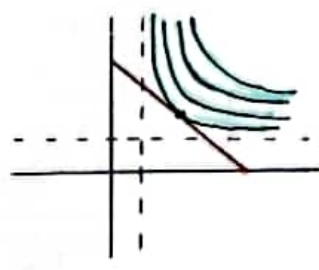


### → Osagarri Perfektuak



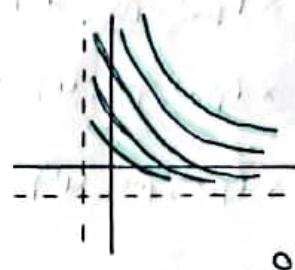
### → Stone Geary (2 Kasu)

1)  $u(x,y) = (x-1)(y-1)$



Cobb Douglas bezala tratatu

2)  $u(x,y) = (x+1)(y+1)$



Ardatzak mozten dituzte

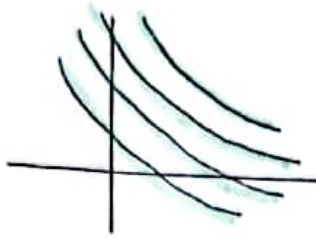
$\begin{cases} TB = |OEM| = \left| \frac{-p_x}{p_y} \right| \\ I = p_x x + p_y y \end{cases}$   
 $x > 0, y > 0$  → Optimoa da  
 $x < 0$  → erpinetara jo behar baliogorritzen funtzioan

gero y kalkulatu  $I = p_x x + p_y y$   
 funtzioan ordertatu x

→ Kuasilinealtu

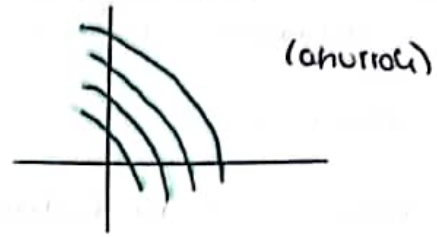
1)  $u(x,y) = x^\alpha + y$   $\left\{ \begin{array}{l} \text{erregulorral} \\ 0 < \alpha < 1 \end{array} \right.$

TB egin baina Stone G. 2º  
Kosun bezelo  $\nabla$  Kontuz negatibo badira



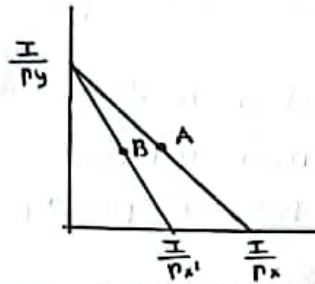
2)  $u(x,y) = x^\alpha + y$   $\left\{ \begin{array}{l} \text{ez erregulorral} \\ \alpha > 1 \end{array} \right.$

Erpinetara gooz  
 $\nabla$  TB-rekin OKERRENA kalkulatuzen da



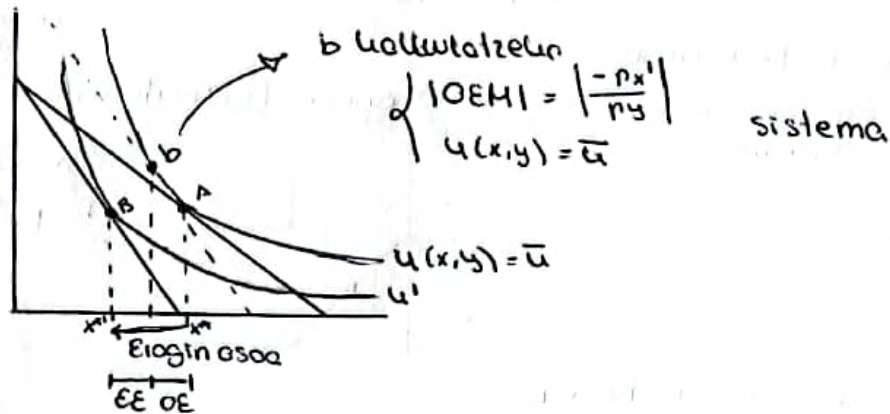
Prezio Berria

$u(x,y)$   
 $I$   
 $p_x \rightarrow p_x' > p_x$   
 $p_y$



1º eragina  $\rightarrow$  Prezio erlatiboak aldatzen dira  $\frac{p_x}{p_y} \rightarrow \frac{p_x'}{p_y}$   
X garestitu  $\rightarrow$  y erlatiboki merkeu  
 $p_x \uparrow \rightarrow$  Ordeztera bultzatu (OE)  $\rightarrow x \downarrow y \uparrow$  eragiten du

2º eragina  $\rightarrow$  eras ahalmena gutxitzen da ( $I \downarrow$ ) (EE)  
o Ondasun Normala  $\rightarrow I \downarrow x \downarrow$   
o Behe Ondasune  $\rightarrow I \downarrow x \uparrow$



Eragin osoa  $\rightarrow x(p_x', p_y, I) - x(p_x, p_y, I)$

Ordezte Eragina  $\rightarrow x(p_x', p_y, u) - x(p_x, p_y, u)$

Errenta Eragina  $\rightarrow x(p_x', p_y, u') - x(p_x', p_y, u)$

$\nabla$  OE = 0 Osagarri P.

EE = 0 Ordezgarri P eto Kuasilinealtan

1º Lehen tasun mota

2º Erregularra?

◦ Monotonotasun hertsia  $\rightarrow U_{Mx} > 0$  eta  $U_{My} > 0$

◦ Garbitutasun hertsia  $\rightarrow \frac{d|OEM(x,y)|}{dx} = \frac{\partial |OEM(x,y)|}{\partial x} + \frac{\partial |OEM(x,y)|}{\partial y} \cdot o_{xy}$   
 $\hookrightarrow < 0$  izen behar

3º Sasi Optimoa

4º Prezio aldaketak

5º Grafikoa

6º Ordezle eta Errenta Eraginak

7º Ondasun Motak

Errentarekiko  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Normala} \rightarrow I \uparrow x \uparrow \text{ edo } I \downarrow x \downarrow \rightarrow \frac{\partial x}{\partial I} > 0 \\ \text{Behe O.} \rightarrow I \uparrow x \downarrow \text{ edo } I \downarrow x \uparrow \rightarrow \frac{\partial x}{\partial I} < 0 \end{array} \right.$

Prezioerakiko  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Arrunta} \rightarrow P_x \uparrow x \downarrow \text{ edo } P_x \downarrow x \uparrow \rightarrow \frac{\partial x}{\partial P_x} < 0 \\ \text{Giffen (Beho.)} \rightarrow P_x \uparrow x \uparrow \text{ edo } P_x \downarrow x \downarrow \rightarrow \frac{\partial x}{\partial P_x} > 0 \end{array} \right.$



Esteri funtzioak orokorrean  $\left\{ \begin{array}{l} x(p_x, p_y, I) = \frac{\alpha I}{(\alpha + \beta) p_x} \\ y(p_x, p_y, I) = \frac{\beta I}{(\alpha + \beta) p_y} \end{array} \right.$

Hicks-en esteri  $\rightarrow$  TB baliagarritasuneen ordezkuluta  
funtzioak (konpensaketa)

$$x_H(p_x, p_y, u)$$

$$y_H(p_x, p_y, u)$$

Gestio funtzioa  $\rightarrow$  Hicks-en esteri funtzioa Aurtebortuan ordezkuluz lotzen da  
 $E(p_x, p_y, \bar{u})$

!  $u(x,y) = x^a \cdot y^b \rightarrow u(x,y) = x^{\frac{a}{a+b}} \cdot y^{\frac{b}{a+b}}$



## Esleriaren Prezio Elastikotasuna

↓ zelan erantzuten duen eskatutako kuantitatea, prezio aldaketaren baten aurrean portzentualki neurtuta

$$e_{q,p} = \frac{\partial Q_D / Q_D}{\partial P / P} = \frac{\partial Q_D}{\partial P} \cdot \frac{P}{Q_D} < 0$$

→  $|e_{q,p}| > 1$   $p \downarrow Q_D \uparrow \rightarrow$  Gastua  $\uparrow$  { Elastikoa }

→  $|e_{q,p}| < 1$   $p \downarrow Q_D \uparrow \rightarrow$  Gastua  $\downarrow$  { Ez elastikoa }

→  $|e_{q,p}| = 1$  proportzio berean  $\rightarrow$  Gastua mantendu { Elastikotasun Unitario }

Gastua  $\rightarrow p \cdot Q_D(p)$

$$\frac{\partial \text{Gastua}}{\partial p} = Q_D + p \cdot \frac{\partial Q_D}{\partial p} = Q_D + Q_D \cdot \frac{\frac{p}{Q_D} \frac{\partial Q_D}{\partial p}}{\frac{p}{Q_D} \frac{\partial Q_D}{\partial p}} = Q_D (1 - |e_{q,p}|)$$

elastikotasuna

→  $|e_{q,p}| > 1 \rightarrow \frac{\partial \text{Gastua}}{\partial p} < 0 \rightarrow$  erlazio negatiboa

→  $|e_{q,p}| < 1 \rightarrow \frac{\partial \text{Gastua}}{\partial p} > 0 \rightarrow$  erlazio positiboa

## Errenta Elastikotasuna

↓ zelan erantzuten duen eskatutako kuantitatea, errenta aldaketaren baten aurrean portzentualki neurtuta

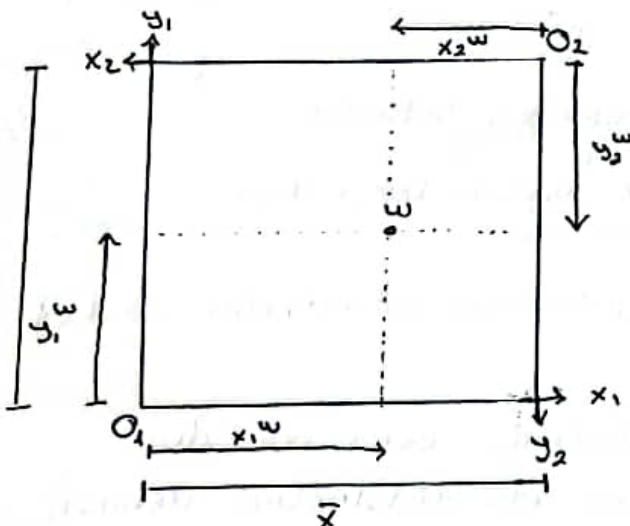
$$e_{q,I} = \frac{\partial Q_D / Q_D}{\partial I / I} = \frac{\partial Q_D}{\partial I} \cdot \frac{I}{Q_D}$$

→  $\frac{\partial Q_D}{\partial I} > 0 \rightarrow$  Normala { - Luxuzkoak:  $e_{q,I} > 1$   
- Beharrezkoak:  $e_{q,I} < 1$

→  $\frac{\partial Q_D}{\partial I} < 0 \rightarrow$  Behe Ondasuna

## Truke Ekonomia eta Efizientzia Ekonomia

→ Edworth-en Kutxa



$w =$  hasierako zuzkidura

$$w(x_1^w, y_1^w, x_2^w, y_2^w)$$

$$x_1^w + x_2^w = \bar{x}$$

$$y_1^w + y_2^w = \bar{y}$$

## Paretoren zentzuan Efizientea

1 norbaiten egoera hobetzeko derrigorrez beste norbait kaltetu 2 baldintza:

$$1) \text{ Dena banatu behar da: } \begin{cases} x_1 + x_2 = \bar{x} \\ y_1 + y_2 = \bar{y} \end{cases}$$

2) Indiferentzia kurba tangenteak (T.B.)

$$|OEM_1(x_1, y_1)| = |OEM_2(x_2, y_2)|$$

**Kontrolu Kurba** { paretoren zentzuan efizientea diren guztiak daude }

$$\begin{cases} |OEM_1(x_1, y_1)| = |OEM_2(x_2, y_2)| \\ x_1 + x_2 = \bar{x} \\ y_1 + y_2 = \bar{y} \end{cases}$$

Sistema egin  $\rightarrow (x, y)$  astutu

**Nukleoa** { tarle bat kontrolu kurban, non kontsumitzaile biek hasierako zuzkiduren baino hobeto dauden }

$$\begin{cases} \text{Kontrolu kurba} \\ u_1(x_1, y_1) = u_1(x_1^w, y_1^w) \\ u_2(x_2, y_2) = u_2(x_2^w, y_2^w) \end{cases} \text{ sistema egin}$$

## Lehia Orea

Prezio erlazio bat  $\left(\frac{p_x}{p_y}\right)^*$  eta esleipen bat  $\{(x_1, y_1), (x_2, y_2)\}$  non efizientzia ematen da eta merkatua husten den.

Baten estuarria bestearen eskuaintzarekin bat etortzean merkatu bietan

1) **Aurrekontuak**

$$- \max u(x_1, y_1) \quad \text{K.h.} \quad p_x x_1 + p_y y_1 = p_x x_1^w + p_y y_1^w$$

$$- \max u(x_2, y_2) \quad \text{K.h.} \quad p_x x_2 + p_y y_2 = p_x x_2^w + p_y y_2^w$$

2) **Tangentzia Baldintza**  $\rightarrow$  **Estuari Funtzioak**

$$- |OEM_1(x_1, y_1)| = \frac{p_x}{p_y} \rightarrow (x_1^*, y_1^*)$$

$$- |OEM_2(x_2, y_2)| = \frac{p_x}{p_y} \rightarrow (x_2^*, y_2^*)$$

3) **Merkatuak hustu**  $\rightarrow$  **orekan eta prezioak kalkulatu**

$$\begin{aligned} x_1^* + x_2^* &= \bar{x} \\ y_1^* + y_2^* &= \bar{y} \end{aligned} \rightarrow p_y = 1 \text{ dela suposatuz behar dugu} \\ \text{eta } p_x \text{ atera}$$

4) **Estuarietan prezioak ordezkatu** jakitelako balioak zenbat eskuatzen duten

**Elitategia**  $\rightarrow$  inar ez du enbidiarik, bakoitza berea nohi du

**Justizia**  $\rightarrow$  paretoren zentzuan efizientea eta elitategia denean



ABIZENAK:

IZENA:

NAN:

1. Jo dezagun kontsumitzaile bat  $(x,y)$  otarren aurrean dagoela, non  $x$  platanoak diren eta  $y$  melokotoiak. Platano bakoitzaren kontsumoak 30 miligramo magnesio ematen dizkio gorputzari, eta melokotoi bakoitzaren kontsumoak 15 miligramo. Kontsumitzaileak magnesio falta daukenez, magnesio gehiago ematen dion otarrea nahiago du.

a) Lehentasunen osotasuna defini ezazu. Aurreko lehentasunak osoak diren arrazoitu ezazu. 0.5 puntu

b) Ordezte Erlazio Marjinala (OEM) defini ezazu. Ordezte Erlazio Marjinala  $(2,2)$  otarrean, OEM $(2,2)$ , kalkula ezazu. Erantzuna arrazoitu ezazu. 0.5 puntu

c) Lehentasun hauek adierazten dituen baliagarritasun-funtzio bat proposa ezazu arrazoituz. 0.5 puntu

d) Demagun  $y$  ondasunaren prezioa 2 euro/unitateko dela eta  $x$  ondasunaren prezioa 2 euro lehenengo 10 unitateentzat eta 1 euro hurrengoentzat. Kontsumitzailearen errenta  $I = 100$  dela jakinda, aurrekontu-zuzena kalkula ezazu. Aurrekontu-murritzapena irudika ezazu. 1 puntu

a) Lehentasunak osoak direla esango dugu edozein 2 sasi alderatzerakoan konparagarriak baldin badira. A eta B sasien aurrean  $A \succ B$ ;  $B \succ A$  edo  $A \sim B$  esateko gai garenean.

Kasu honetan osoak dira, magnesioaren arabera konparatu ahal ditugulako eta edozein  $(x,y)$  hartuta badakigu zenbat magnesio duen.

b) OEM  $\rightarrow$  Lehentasunen arabera, zenbat "y" ondasunaren unitateri ulko egiteko prest dagoen "x" unitate bat gehiagoren ordeztu.

c) Indiferentzia-kurbak sasi indiferente guztiak balzen diluenez, OEMak indiferentzia-kurbaren maldak, puntu bakoitzean erabutsitako digu.

$\rightarrow$  Lehentasun hauek Ordezgarri Perfektuak dira, edozein dela kantitatea ondasunetatik bali modu berean ordeztuzeko prest dago.

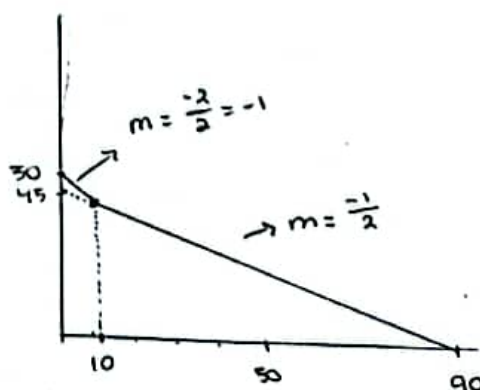
Adibidez baliagarritasun-funtzio hau  $\rightarrow u(x,y) = 30x + 15y$

$$OEM = \frac{-UM_x}{UM_y} = \frac{-30}{15} = -2 \rightarrow OEM(2,2) = -2$$

Platano gehigarri bakoitza 30 mg magnesio hartzen dira 2 melokotoi gutxiago kontsumituz.

$$d) \quad p_y = 2 \quad p_x = 2 \quad x \leq 10 \quad p_x = 1 \quad x > 10 \quad I = 100$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 2x + 2y = 100 \quad x \leq 10 \\ (2 \cdot 10) + (x - 10) + 2y = 100 \rightarrow x + 2y = 90 \quad x > 10 \end{array} \right.$$



2. Demagun kontsumitzaile baten lehentasun erregularrak  $U(x,y) = x^{1/2} y^{1/2}$  baldagarritasun-funtzioaren bitartez adieraz daitezkeela.

a) Ondasunen prezioak  $p_x = 1$  eta  $p_y = 1$  izanik eta errenta  $I = 10$ ,  $x$  eta  $y$  ondasunetatik eskatuko diren kantitateak kalkula itzazu erabilitako baldintzak azalduz. 0.5 puntu

b) Demagun  $x$  ondasunaren prezioa igo egiten dela, prezio berria  $p'_x = 5$  izanik. Eskatutako kantitatearen aldaketa kalkula ezazu. Zure erantzuna azal ezazu. 0.5 puntu

c) Aurreko ataletako (a eta b) hautapenak irudika itzazu. 0.5 puntu

d) Ordezte eta errenta eraginetatik sortutako aldaketak kalkula itzazu. Zure erantzuna arrazoitu ezazu. 1 puntu

a) Erregularra? ✓

$$1) UM_x = \frac{1}{2} x^{-1/2} y^{1/2} > 0 \quad UM_y = x^{1/2} \frac{1}{2} y^{-1/2} > 0 \quad \checkmark$$

$$2) \frac{d|OEM|}{dx} < 0? \rightarrow OEM(x,y) = \frac{-y}{x} \rightarrow |OEM(x,y)| = \frac{y}{x}$$

$$\frac{d|OEM|}{dx} = \frac{\partial |OEM|}{\partial x} + \frac{\partial |OEM|}{\partial y} \cdot OEM(x,y) \Rightarrow \frac{-y}{x^2} + \frac{1}{x} \left(\frac{-y}{x}\right) < 0 \quad \checkmark$$

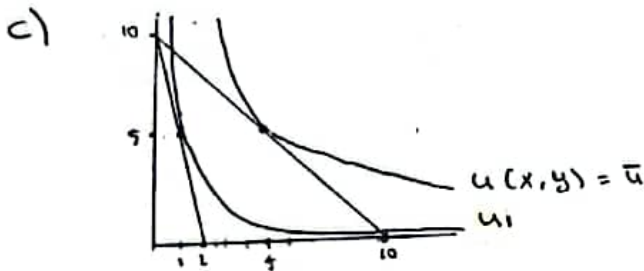
$$\begin{cases} x+y=10 \\ |OEM(x,y)| = \left|\frac{-p_x}{p_y}\right| \rightarrow \frac{y}{x} = 1 \rightarrow y=x \end{cases} \rightarrow x+x=10 \rightarrow 2x=10 \rightarrow x=5 \quad y=5$$

$$u(5,5) = 5^{1/2} \cdot 5^{1/2} = 5$$

b)  $p'_x = 5$

$$\begin{cases} 5x+y=10 \\ |OEM(x,y)| = \left|\frac{-p'_x}{p_y}\right| \rightarrow \frac{y}{x} = 5 \rightarrow y=5x \end{cases} \rightarrow 5x+5x=10 \rightarrow 10x=10 \rightarrow x=1 \quad y=5$$

$$u(1,5) = 1^{1/2} \cdot 5^{1/2} = 2.24$$



Tartelo saskia

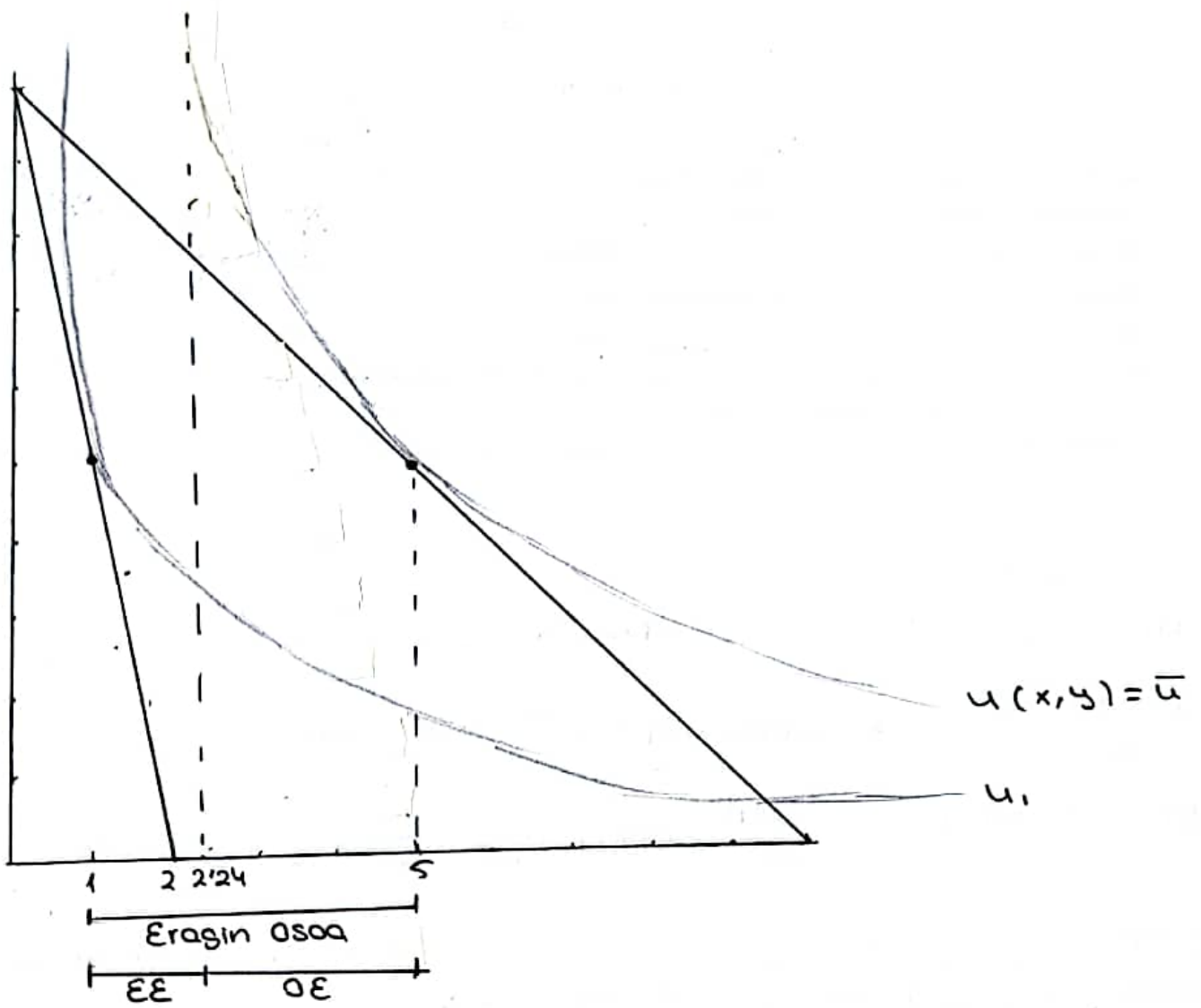
$$\begin{cases} \frac{y}{x} = 5 \rightarrow y=5x \\ x^{1/2} y^{1/2} = 5 \rightarrow (x^{1/2} (5x)^{1/2})^2 = (5)^2 \\ x \cdot 5x = 25 \\ 5x^2 = 25 \\ x^2 = 5 \rightarrow x = \sqrt{5} = 2.24 \\ y = 11.2 \end{cases}$$

d) Eragin osoa =  $x(p'_x, p_y, I) - x(p_x, p_y, I) = 1 - 5 = -4$

$$OE = x(p'_x, p_y, u) - x(p_x, p_y, u) = 2.24 - 5 = -2.76$$

$$EE = x(p'_x, p_y, u') - x(p_x, p_y, u) = 1 - 2.24 = -1.24$$

Λ 202001. 96





3. Eskari-funtzio hau erabiliz:  $x = 38 - p_x + 2p_y - 3I$ ,

a) Arrazoitu  $x$  ondasuna  $y$  ondasunaren ordezarri ala osagarri den. 0.5 puntu

b) Eskariaren prezio-elastikotasun kontzeptua defini ezazu. 0.5 puntu

c)  $p_y = 1$  eta  $I = 10$  izanda, kalkulatu  $x$ -ren zein prezio egiten duen eskariaren prezio-elastikotasuna balio absolututan 2 izatea. 0.5 puntu

d) Aurreko atalean kalkulaturako prezioetik abiatuta, arrazoitu prezio hori igotzean gastu osoa igotzea ala jaitsi egingo den. 1 puntu

a) Ordezgarri  $P \rightarrow \frac{\partial x}{\partial p_y} > 0$       Osagarri  $P. \rightarrow \frac{\partial x}{\partial p_y} < 0$

$\frac{\partial x}{\partial p_y} = 2 > 0$  Beroz ordezarri perfektuak dira.

$y$  ondasunaren prezioa aldatzean  $x$  ondasunetik estatutako kuantitatea kontrara mugitzen da; adibidez  $y$  garestitzen bada, gutxiago estatutuko da eta  $x$  ondasunetik gehiago.

b) Eskariaren prezio-elastikotasuna: ondasunaren prezioa aldatzean zenbateko aldaketa portzentuala eragiten duen kuantitateari.

$$e_{Q,P} = \frac{\partial Q_D}{\partial P} \cdot \frac{Q_D}{P}$$

c)  $x = 38 - p_x + 2(1) - 3(10) \rightarrow x = 10 - p_x$

$$e_{Q,P} = \frac{\partial Q_D}{\partial P} \cdot \frac{Q_D}{P} \rightarrow e_{Q,P} = -1 \frac{10 - p_x}{p_x}$$

$$|e_{Q,P}| = \frac{10 - p_x}{p_x} \rightarrow 2 = \frac{10 - p_x}{p_x} \rightarrow 3p_x = 10 \rightarrow p_x = \frac{10}{3}$$

d)  $|e_{Q,P}| = 1 \cdot \frac{10 - 10/3}{10/3} = 2 > 1$

$|e_{Q,P}| > 1$  bada:  $\frac{\partial \text{Gastua}}{\partial P} < 0 \rightarrow$  erlazio negatiboa

$p \uparrow Q_D \downarrow \rightarrow \text{Gastua} \downarrow$

Prezio igoera baten ondoren,  $10/3$  baino hordiago balera pasatzean, kuantitateo murriztuko da portzentuokuz prezioa igo dena baino gehiago, berez, gastua jaitsi egingo da.

4. Demagun bi kontsumitzailek osatutako ekonomia batean, kontsumitzaileen lehentasunak  $U_1(x_1, y_1) = x_1^{1/2} y_1^{3/2}$ ,  $U_2(x_2, y_2) = x_2^{3/2} y_2^{1/2}$  funtzioek adierazten dituztela eta hasierako zuzkidurak  $(x_1^w, y_1^w) = (2, 2)$ ,  $(x_2^w, y_2^w) = (2, 2)$  direla.

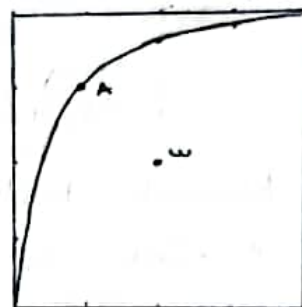
A esleipena kontuan hartuz,  $A = \{(x_1, y_1), (x_2, y_2)\} = \{(1, 3), (3, 1)\}$ :

- A esleipena Edgeworth-en kutxan irudika ezazu, bertatik pasatzen diren indiferentzia-kurbak irudikatuz. 0.5 puntu
- A esleipena Paretoen aldetik efizientea den azal ezazu. 0.5 puntu
- A esleipena ekonomiako nukleoan egongo den azal ezazu. 0.5 puntu
- A esleipena bidezkoa den azal ezazu. 0.5 puntu
- A esleipenak, prezioak  $p_x = 1$  eta  $p_y = 1$  direnerako, lehia-oreka osatzen duen azal ezazu. 0.5 puntu

a) Kontrolu Kurba

$$|OEM_1(x_1, y_1)| = \frac{y_1}{3x_1} \quad |OEM_2(x_2, y_2)| = \frac{3y_2}{x_2}$$

$$\begin{cases} \frac{y_1}{3x_1} = \frac{3y_2}{x_2} \\ x_1 + x_2 = 4 \rightarrow x_2 = 4 - x_1 \\ y_1 + y_2 = 4 \rightarrow y_2 = 4 - y_1 \end{cases}$$



$$\frac{y_1}{3x_1} = \frac{3(4-y_1)}{4-x_1} \rightarrow \frac{y_1}{3x_1} = \frac{12-3y_1}{4-x_1} \rightarrow y_1(4-x_1) = 3x_1(12-3y_1)$$

$$\rightarrow 4y_1 - x_1y_1 = 36x_1 - 9y_1x_1 \rightarrow 4y_1 + 8x_1y_1 = 36x_1 \rightarrow y_1 + 2x_1y_1 = 9x_1$$

$$\rightarrow y_1(1+2x_1) = 9x_1 \rightarrow y_1 = \frac{9x_1}{1+2x_1}$$

$$|OEM_1(1, 3)| = -1 = |OEM_2(3, 1)| = -1$$

$$1+3=4 \quad \text{eta} \quad 3+1=4$$

Beraz, A esleipena kontrolu kurbak bako bako puntuan bertan bertan efizientzia emango da, ezin izango da kontsumitzaile bati hobetu besteri kalte egin gabe, horrela eltertrukearen onurak amaitzen dira.

b) Aurrekoan esan bezala, norbaiten egoera hobetzeko besteak gutxitu.

c) Nukleoan kontsumitzaile biek hasierako zuzkiduraren baina hobe daude.

$$u_1(1, 3) = 1^{1/2} \cdot 3^{3/2} = 5.19 > u_1(2, 2) = 2^{1/2} \cdot 2^{3/2} = 4$$

$$u_2(3, 1) = 3^{3/2} \cdot 1^{1/2} = 5.19 > u_2(2, 2) = 2^{3/2} \cdot 2^{1/2} = 4$$

d) Bidezkoa izateko, efizientea eta elikaritezkoa izan behar du.

Elikaritatea  $\rightarrow$  inork ez du besteri enbikta izan behar

$$\begin{cases} u_1(1, 3) = 5.19 > u_1(3, 1) = 3^{1/2} \cdot 1^{3/2} = 1.73 \\ u_2(3, 1) = 5.19 > u_2(1, 3) = 1^{3/2} \cdot 3^{1/2} = 1.73 \end{cases} \quad \left. \vphantom{\begin{cases} u_1(1, 3) = 5.19 \\ u_2(3, 1) = 5.19 \end{cases}} \right\} \text{Beraz, bidezkoa da}$$

→ talia sein

e) Lehia Orela

$$I_1 = 2px_1 + 2py_1 \quad \text{etc} \quad I_2 = 2px_2 + 2py_2$$

Estuori funtzioak:

$$\rightarrow \text{IOEM}_1(x_1, y_1) = \left| \frac{-px_1}{py_1} \right| \rightarrow \frac{y_1}{3x_1} = \frac{px_1}{py_1} \rightarrow y_1 py_1 = 3x_1 px_1$$

$$x_1 px_1 + y_1 py_1 = I_1 \rightarrow x_1 px_1 + 3x_1 px_1 = I_1 \rightarrow x_1^* = \frac{I_1}{4px_1}$$

$$y_1 py_1 = 3 \left( \frac{I_1}{4px_1} \right) px_1 \Rightarrow y_1^* = \frac{3I_1}{4py_1}$$

$$\rightarrow \text{IOEM}_2(x_2, y_2) = \left| \frac{-px_2}{py_2} \right| \rightarrow \frac{3y_2}{x_2} = \frac{px_2}{py_2} \rightarrow 3y_2 py_2 = x_2 px_2$$

$$x_2 px_2 + y_2 py_2 = I_2 \rightarrow 3y_2 py_2 + y_2 py_2 = I_2 \rightarrow y_2^* = \frac{I_2}{4py_2}$$

$$3 \left( \frac{I_2}{4py_2} \right) py_2 = x_2 px_2 \rightarrow x_2^* = \frac{3I_2}{4px_2}$$

Merkatua hustu

$$\rightarrow x_1^* + x_2^* = 4 \rightarrow \frac{I_1}{4px_1} + \frac{3I_2}{4px_2} = 4 \rightarrow \frac{2px + 2py}{4px} + \frac{3(2px + 2py)}{4px} = 4$$

$$\frac{2(1) + 2(1)}{4(1)} + \frac{3(2(1) + 2(1))}{4(1)} = 4 \rightarrow \frac{4}{4} + \frac{12}{4} = 4 \quad \checkmark$$

$$\rightarrow y_1^* + y_2^* = 4 \rightarrow \frac{3I_1}{4py_1} + \frac{I_2}{4py_2} = 4 \rightarrow \frac{3(2px + 2py)}{4py} + \frac{2px + 2py}{4py} = 4$$

$$\frac{3(2(1) + 2(1))}{4(1)} + \frac{2(1) + 2(1)}{4(1)} = 4 \rightarrow \frac{12}{4} + \frac{4}{4} = 4 \quad \checkmark$$

A esteipena da aukeratutako zehazten eta bertan merkatua  
orekatu daude.  $\left\{ (1,3), (3,1), \frac{px}{py} = 1 \right\}$



## Azaroak 26

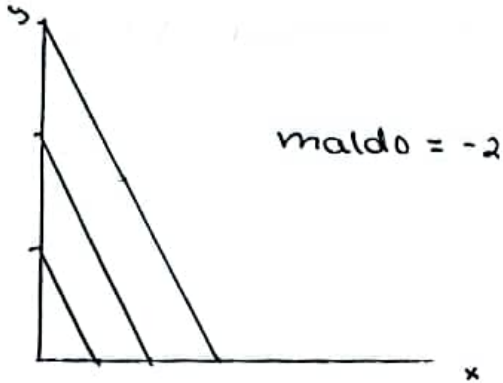
1/1 Freskoagarri-lata edaten ditu,  $1/2$  litrokoak eta  $1/4$  litrokoak Berdin zara zein den ontziaren tamaina, Freskoagarri kantitatea inporta zara baturik.

a) Baliagarritasun  $F \rightarrow U(x, y) = 1/2 x + 1/4 y$

b) Ordezgarri Perfektuak dira, beti modu berean ordeztuz eta prest egongo da.

Adibidez  $OEM(x, y) = \frac{-U_{M_x}}{U_{M_y}} = \frac{-1/2}{1/4} = -2$

"x" gehigarri balezin 2 "y" uko egiteko prest egongo da



1/2  $U(x, y) = (x-1)(y-1) \Rightarrow xy - x - y + 1$

a) Erregularroa dira  $x > 1$  eta  $y > 1$ ? BAI

1) Monotonotasun hertsia

$U_{M_x} = y - 1 > 0$

$U_{M_y} = x - 1 > 0$

Monotonoa dira ✓

2) Ganbiltasun hertsia

$\frac{d|OEM(x, y)|}{dx} < 0?$

$\frac{d|OEM(x, y)|}{dx} = \frac{\partial |OEM(x, y)|}{\partial x} + \frac{\partial |OEM(x, y)|}{\partial y} \cdot OEM(x, y)$

$\frac{d|OEM(x, y)|}{dx} = \frac{-y+1}{(x-1)^2} + \frac{1}{x-1} \cdot \left(\frac{-y+1}{x-1}\right) < 0 \quad \checkmark$

b)  $p_x = 2 \cdot p_y = 1 \quad I = 11$

b1) Prezio Erlatiboa  $\rightarrow \frac{p_x}{p_y} = 2$

Prezio erlatiboa erabiltzen dira aztertzean agente ekonomikoek nola errealizatzeko duten behar aldaketa baten aurrean eta agenteen portaera prezio erlatiboa nola eragiten duen aztertzea.

Adibidean, x ondasunaren prezioa ( $p_x$ ) y ondasunaren prezioaren ( $p_y$ ) 2 aldiz garestiagoa da.

b2) Otarrerik onena

$$\begin{cases} |OEM(x,y)| = \left| \frac{-p_x}{p_y} \right| \rightarrow \begin{cases} \frac{y-1}{x-1} = 2 \\ 2x+y=11 \rightarrow y=11-2x \end{cases} \\ p_x x + p_y y = I \end{cases}$$

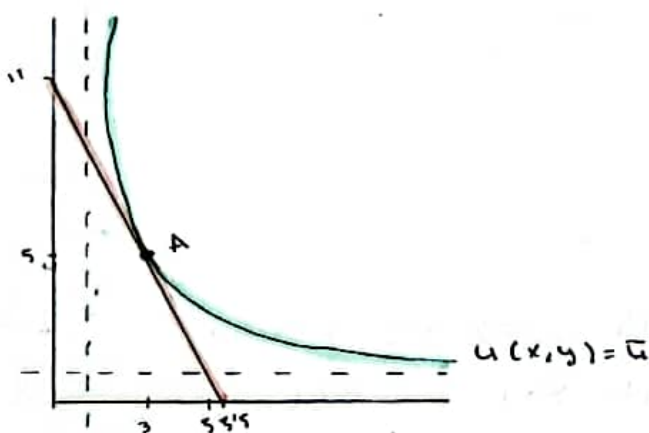
$$\frac{11-2x-1}{x-1} = 2 \rightarrow 11-2x-1 = 2x-2 \rightarrow 11-1+2 = 4x \rightarrow x=3 \rightarrow y=5$$

$U(3,5) = (3-1)(5-1) = 8$  Sasli optimoa (3,5) da eta lortzen duen baliagarritasuna 8 da

b3) Aurreko ataleko otarreko OEMean ebaluatu

$$|OEM(3,5)| = \frac{5-1}{3-1} = \frac{4}{2} = 2 \quad \begin{array}{l} x \text{ unitate gehigarri balekin } 2 \text{ unitate} \\ y \text{ uba egiteko prest egongo da} \end{array}$$

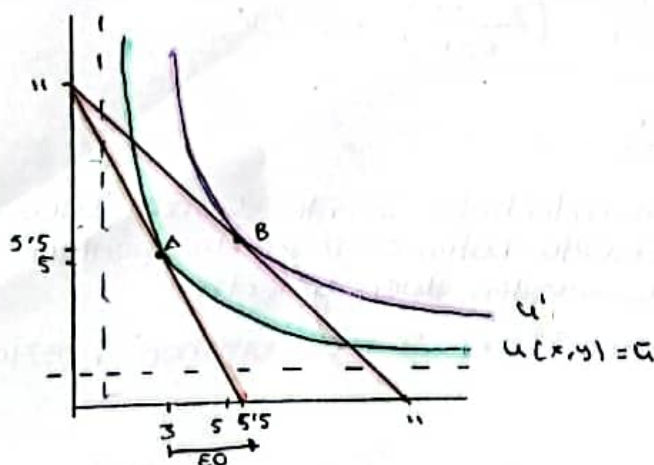
b4) Irudia



c)  $p_x' = 1$  Egoera berria sasli optimoa kalkulatu

$$\begin{cases} |OEM(x,y)| = \left| \frac{-p_x'}{p_y} \right| \rightarrow \begin{cases} \frac{y-1}{x-1} = 1 \rightarrow y-1 = x-1 \rightarrow 11-x-1 = x-1 \\ x+p_y y = I \rightarrow \begin{cases} x+y=11 \rightarrow y=11-x \\ 11-x-1 = x-1 \\ 11 = 2x \\ x = 5.5 \\ y = 5.5 \end{cases} \end{cases} \end{cases}$$

$$U'(5.5, 5.5) = (5.5-1)(5.5-1) = 20.25$$



d) Eragin Osoa =  $x(p_x', p_y, I) - x(p_x, p_y, I) = 5.5 - 3 = 2.5$

Prezio jaitziera estatutaleko kontratalea igo du, lehen baino 2.5 unitate gehiago eskulatu dira

e) Tarteko Sasia

$$\begin{cases} IOEM(x,y) = \left| \frac{p_x}{p_y} \right| \rightarrow \begin{cases} \frac{y-1}{x-1} = 1 \rightarrow y-1 = x-1 \\ \rightarrow (x-1)(y-1) = 8 \rightarrow (x-1)(x-1) = 8 \end{cases} \\ u(x,y) = \bar{u} \end{cases}$$

$$x^2 - 2x - 7 = 0 \rightarrow \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4 \cdot 1 \cdot (-7)}}{2 \cdot 1} = \frac{2 \pm \sqrt{32}}{2} \begin{cases} x_1 = 3.83 \quad \checkmark \rightarrow y = 3.83 \\ x_2 = -1.82 \quad \times \end{cases}$$

$$u(3.83, 3.83) = (3.83-1)(3.83-1) = 8$$

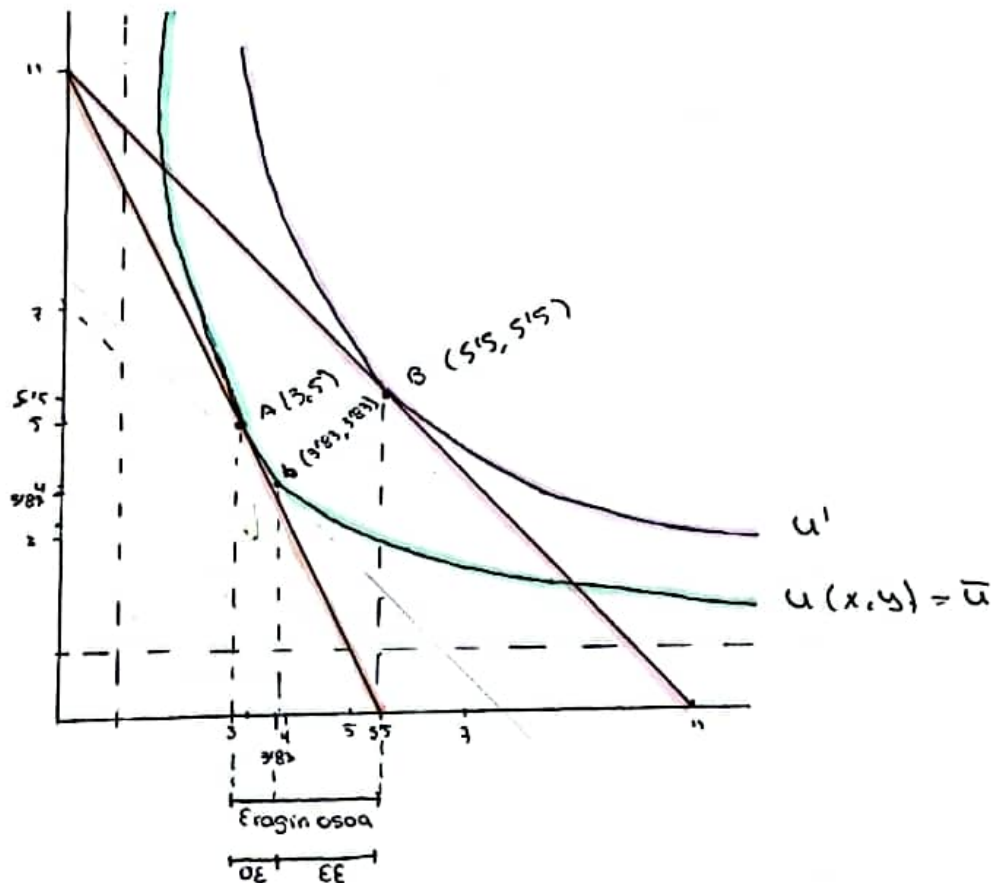
f) Ordezte Eragina =  $x(p_x', p_y, u) - x(p_x, p_y, u) = 3.83 - 3 = 0.83$

Ordezte eragina ondasunak merkatuan prezio-erlazio berri batean trukatutako datu, kontuan izan gobe kanalaak kontsumo-ahalmen handiagoa daukela, prezio bat jaitsi eta gero.

g) Errenta Eragina =  $x(p_x', p_y, u') - x(p_x', p_y, u) = 5.5 - 3.83 = 1.67$

Errenta eragina jasoko du kontsumo-ahalmenaren igotzeren portea, alba batera utzita prezio-erlazioaren aldaketaren eragina.

Ondasun arrunta dela ikusten dugu, prezio jaitsiera baten aurrean estututako kontsumo-ahalmenaren igotzea.





1/ Naroari uolozko edariak gustolzen zaitzkie, baina ezin ditut Coca Cola ( $x$ ) eta Pepsi-Kola ( $y$ ) bereiztu.

a) Zein izango da aukerarik onena,  $I=120$  eta  $p_x=3$   $p_y=2$  izanik?

Ordizgarri  $P \rightarrow u(x,y) = x+y$

$$OEM = \frac{-1}{1} \quad \frac{-p_x}{p_y} = \frac{-3}{2} \Rightarrow |OEM| < \left| \frac{-p_x}{p_y} \right| \rightarrow \frac{UM_x}{p_x} < \frac{UM_y}{p_y} \rightarrow \begin{array}{l} y\text{-ri errenta gutxiago} \\ \text{bidaratu gehiago} \\ \text{kontsumitu ahel ditugutako} \\ (x=0) \end{array}$$

Aurrekontua:  $x p_x + y p_y = I \rightarrow x3 + y2 = 120$

$$0 + 2y = 120 \rightarrow y^* = \frac{120}{2} = 60$$

$$x^* = 0$$

b) Nota aldatutako da haurtanenik honena  $p_y' = 4$  bada?

Banatu aldehela osoa ordezte eta errenta eraginetan.

$$OEM = \frac{-1}{1} \quad \frac{-p_x}{p_y} = \frac{-3}{4} \Rightarrow |OEM| > \left| \frac{-p_x}{p_y} \right| \rightarrow \frac{UM_x}{p_x} > \frac{UM_y}{p_y} \rightarrow \begin{array}{l} x\text{-ri errenta gutxiago} \\ \text{bidaratu, gehiago} \\ \text{eskuratu ahel ditugutako} \\ (y=0) \end{array}$$

Aurrekontua:  $p_x x + p_y y = I \rightarrow 3x + 4y = 120$

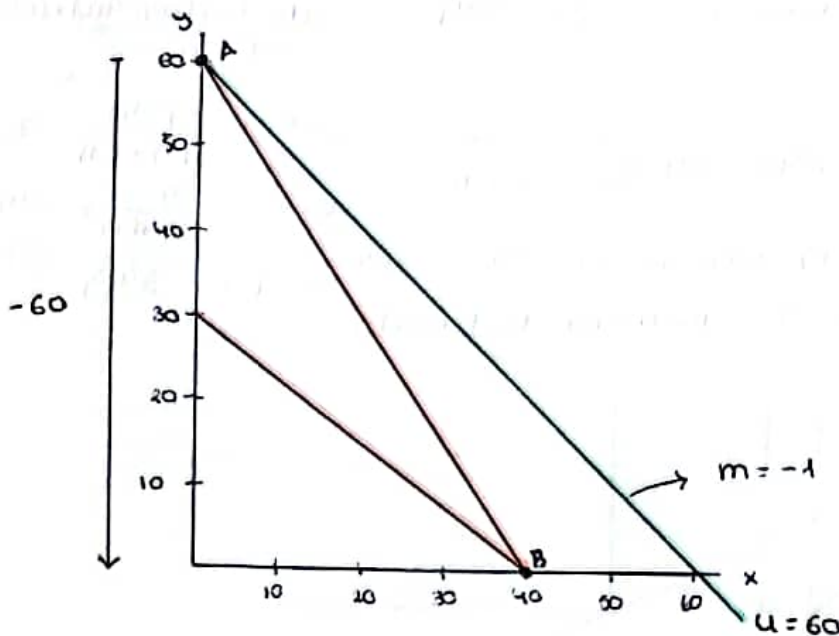
$$3x + 0 = 120 \rightarrow x^{*'} = \frac{120}{3} = 40$$

$$y^{*'} = 0$$

Eragin osoa:  $y(p_x', p_y', I) - y(p_x, p_y, I) = 0 - 60 = -60$

Ordizgarri  $P$  denez  $\epsilon\epsilon = 0$  da

Beraz  $O\epsilon = -60$



2/ x Freskagarri } Edaria 3 neurri x  
 y alkohola } 1 neurri y

a)  $I = 24$   $p_x = 2$   $p_y = 2$  badira, aukera optimoa?

Osagarri P. dira  $\rightarrow u(x, y) = \min \left\{ \frac{x}{3}, y \right\}$  ( $3x = y$ )  
 ( $x = y$ )

Aurrekontua:  $p_x x + p_y y = I \rightarrow p_x x + p_y \frac{x}{3} = I$

$$x = \frac{3I}{3p_x + p_y}$$

$$y = \frac{I}{3p_x + p_y}$$

EsMori Funtzioak  $\leftarrow \begin{cases} 3x p_x + x p_y = 3I \\ x(3p_x + p_y) = 3I \end{cases}$

$\rightarrow$  Aukera Opt.  $\rightarrow x^* = \frac{3(24)}{3 \cdot (2) + (2)} = 9$

$A: (9, 3)$

$\rightarrow y^* = \frac{24}{3(2) + (2)} = 3$

Aurrekontu zuzene:  $2x + 2y = 24$

$\rightarrow x = 0$   $y = 12$

$\rightarrow y = 0$   $x = 12$

\* Gutxiago edatea biltzen ari da \*

$B: (14, 4, 4, 8)$

b)  $p_x' = 1$  OE? EE?

$x^{*'} = \frac{3(24)}{3 \cdot (1) + (2)} = 14,4$

Aurrekontua:  $x + 2y = 24$   $\begin{cases} x=0 & y=12 \\ y=0 & x=24 \end{cases}$

$y^{*'} = \frac{24}{3(1) + (2)} = 4,8$

Eragin Osoa:  $x(p_x', p_y, I) - x(p_x, p_y, I) = 14,4 - 9 = 5,4$

Osagarri P direnez  $\rightarrow OE = 0 \rightarrow EE = 5,4$  Ez du lortzen gutxiago edatea

c)  $p_y' = 4$

$x^{*''} = \frac{3(24)}{3(2) + (4)} = 7,2$

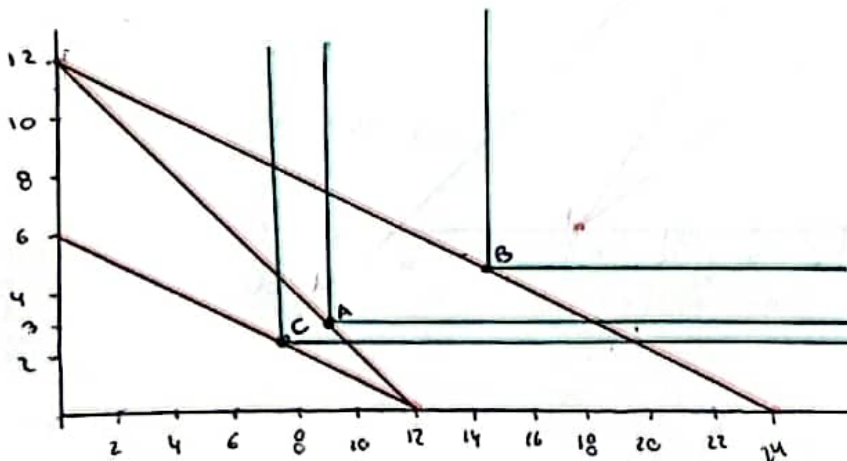
Aurrekontua:  $2x + 4y = 24$   $\begin{cases} x=0 & y=6 \\ y=0 & x=12 \end{cases}$

$y^{*''} = \frac{24}{3(2) + (4)} = 2,4$

Eragin osoa:  $y(p_x, p_y', I) - y(p_x, p_y, I) = 2,4 - 3 = -0,6$

$C: (7,2, 2,4)$

$OE = 0 \rightarrow EE = -0,6$  murrizten lortzen du



$$3/ U(x,y) = x + 10y^{1/2} \quad p_x = 2 \quad p_y = 1 \quad I = 50$$

a) Kontsumo-saskia?

Kuasilinealak dira  $0 < 1/2 < 1 \rightarrow$  erregularrak

$$TB: OEM = \frac{-p_x}{p_y} \rightarrow \frac{-1}{5y^{-1/2}} = \frac{-2}{1} \rightarrow \frac{-y^{1/2}}{5} = -2 \rightarrow y = 10^2 = 100$$

$y = 100$  izatea ezinezkoa da  $I = 50$  delako, gehienez 50.

$$\text{Aurrekontua: } 2x + y = 50 \rightarrow x = \frac{50 - y}{2} = \frac{-50}{2} = -25 \text{ ezin da izon}$$

$$A: (0, 50) \quad u = 70,71$$

b)  $p_y' = 2$

$$TB: \frac{-y^{1/2}}{5} = \frac{-2}{2} \rightarrow \frac{y^{1/2}}{5} = 1 \rightarrow y^{*1} = 5^2 = 25 \quad B: (0, 25) \quad u^1 = 50$$

$$\text{Aurrekontua: } 2x + 2y = 50 \rightarrow 2x + 2(25) = 50 \rightarrow x^{*1} = 0$$

$$\text{Eragin osoa: } y(p_x, p_y', I) - y(p_x, p_y, I) = 25 - 50 = -25$$

$EE = 0$  da kuasilineale delako, Beraz  $OE = -25$

c)  $p_x' = 1$

$$TB: \frac{-y^{1/2}}{5} = \frac{-1}{1} \rightarrow \frac{y^{1/2}}{5} = 1 \rightarrow y^{*11} = 5^2 = 25 \quad C: (25, 25) \quad u^1 =$$

$$\text{Aurrekontua: } x + y = 50 \rightarrow x + 25 = 50 \rightarrow x^{*11} = 25$$

$$\text{Eragin osoa} = x(p_x', p_y, I) - x(p_x, p_y, I) = 25 - 0 = 25$$

$$u = x + 10(25)^{1/2} \rightarrow 70,71 = x + 50 \quad d: (20,71, 25)$$

$$20,71 = x$$

$$OE: x(p_x', p_y, u) - x(p_x, p_y, u) = 20,71 - 0 = 20,71$$

$$EE: x(p_x', p_y, u^1) - x(p_x', p_y, u) = 25 - 20,71 = 4,29$$

