

4. INDARRAK ETA HIGIDURA:

1. DINAMIKAREN LEGEAK

- Newton-en 1. legea: gorputz baten gainean indarrak egiten ez bada, edo indar erresultantea nulua bada, gorputzak bere horretan diren, hau da, geldirik jarraituko du eta H.2.U mugitgen jarraituko du. \rightarrow Inertzia-legea
- Newton-en 2. legea: gorputz baten gainean indar batek eragiten bada edo eragiten duen indar erresultantea nulua ez bada, gorputzaren momentu linealaren aldatzea eragingo du, hau da, azelerazioa eragingo du. \rightarrow dinamikaren oinarriko legea.
 $\boxed{\Sigma \vec{F} = m \cdot \vec{a}}$
- Newtonen 3. legea: A gorputzak B gorputzari indar bat (akzio deritzoguna) egiten dionean, B gorputzak erantzuten du A gorputzari baina beretik baina kontrako noranzkoan indarre eraginez (reakzio deritzo). \rightarrow akzio-erreakzio legea.
 $\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$

293. orrialdea

19. $m = 85 \text{ kg}$
 $v_0 = 0 \text{ km/h}$
 $v = 36 \text{ km/h}$ } $t = 3 \text{ s}$

$$\left. \begin{aligned} v &= v_0 + at \rightarrow a = \frac{36 - 0}{3} = 12 \text{ km/h}^2 \\ \vec{F} &= m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{F} = 85 \cdot 12 = \end{aligned} \right\} \times$$

$36 \text{ km/h} = 10 \text{ m/s}$

$v \cdot v_0 + at \rightarrow a = \frac{10 - 0}{3} = 3.3 \text{ m/s}^2$

$\vec{F} = m \cdot \vec{a} = 85 \cdot 3.3 = 283.3 \text{ N}$

20. Newtonen 3. legearen arabera.

2. MOMENTU LINEALA:

- Momentu lineala leda higidura-kanitateak

$\boxed{\vec{P} = m \cdot \vec{v}}$ ($\text{kg} \cdot \text{m/s}$)

- Magnitude bektoriala eta
- \vec{v} -ren norabideak eta noranzkoa du

Indarrekin duen erlazioa: $\left. \begin{aligned} \vec{F} &= m \cdot \vec{a} \\ \vec{a} &= \frac{d\vec{v}}{dt} \end{aligned} \right\} \vec{F} = m \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{m\vec{v} - m\vec{v}_0}{dt} = \frac{d\vec{P} - d\vec{P}_0}{dt} = \frac{d\vec{P}}{dt}$

- Momentu linealaren kontserbazioa: Objektu edo sistema batengain inongo kanpo indarrik eragiten ez badute, momentu lineala konstante mantenduko da.

$\Sigma \vec{F} = 0 \rightarrow \boxed{\vec{P} = \vec{P}_0}$

- Bultada mekanikoa

$\boxed{\vec{I} = \vec{F} \cdot dt}$ ($\text{N} \cdot \text{s}$)

sistemaren momentu lineala aldatzen da

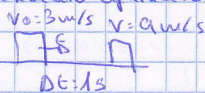
$\Sigma \vec{F} \neq 0$

$\vec{F} dt = m\vec{v} - m\vec{v}_0$

Aolb:

a) 14 kg -ko gorputz bat 3 m/s -ko abiadura mugitgen duen, abiaduraren norabide eta noranzko bereko indar bat aplikatu gero segundor baten. Bultza 1 m/s -ko abiadura bada,

- kalkulatu bultza eta bultzaerako momentu lineala
- kalkulatu aplikatutako indararen balioa



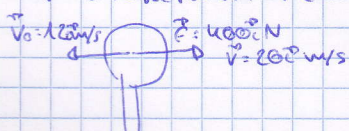
$m = 14 \text{ kg}$

a) $P_0 = m v_0 = 14 \cdot 3 = 42 \text{ kg} \cdot \text{m/s}$

$P = m v = 14 \cdot 1 = 14 \text{ kg} \cdot \text{m/s}$

b) $\vec{I} = \frac{d\vec{P}}{dt} = \frac{P - P_0}{dt} = \frac{14 - 42}{1} = -28 \text{ (N)}$

b) tenis jokalari, butel bere erraketarekin pelota bat golpeitzen du 125 g -ko masa duena eta 12 m/s -ko abiadura duena eta pelota bueltatzen du norabide berean baina aurkako noranzkoan 20 m/s -ko abiadura. 400 N -eko indarra aplikatu bada, kalkulatu gero den pelota eta erraketaren arteko kontaktu denbora.



$\Sigma \vec{F} \neq 0$ (kanpo indar bat dago)

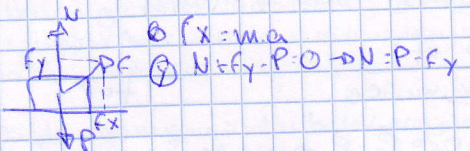
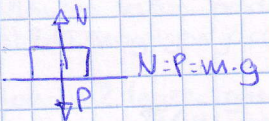
$\vec{F} dt = m \cdot \vec{v} - m \vec{v}_0$

$400 \cdot dt = 0.125 \cdot 20 - 0.125 \cdot (-12) \rightarrow dt = \frac{0.125 \cdot 20 + 0.125 \cdot 12}{400} = 0.015$

$m = 0.125 \text{ kg}$

3. UKIPEN IUPARRAK (Newtonen legeen aplikazioak):

• Inerzia normala: gainazal batek bere gainean dagoen gorputzari eragiten dion indarra. Beti gainazalarekiko perpendikularra.
Aalb:

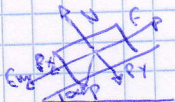
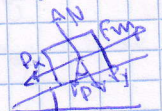
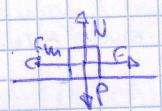


(x) $\rightarrow F_x - P_x = m \cdot a$
 (y) $N - P_y = 0 \rightarrow N = P_y \sin$
 $F_x = P \cdot \sin \alpha = m \cdot g \cdot \cos \alpha$
 $F_y = P \cdot \cos \alpha = m \cdot g \cdot \cos \alpha$

• Marruskadura indarra: gainazal batek gorputz bati bere higiduraren aurka eragiten dion indarra.

$F_m = \mu N$

$\rightarrow F_{me} = \mu_e \cdot N$, marruskadura indar estatikoa; gorputza geldirik egotea mugitzen hasteko gaurdiko beharrekoa. μ_e : marruskadura koef. estatikoa.
 $\rightarrow F_{md} = \mu_d \cdot N$, marruskadura indar dinamikoa; gorputza mugitzen dagoelarik, gaurazalak higiduraren aurka eragiten duena. μ_d : marrusk. koef. dinamikoa.

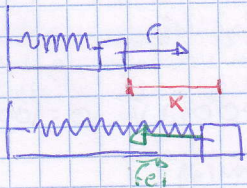


(x) $\rightarrow F - F_m = m \cdot a$
 (y) $\rightarrow N - P = 0 \rightarrow N = P$

(x) $\rightarrow P_x - F_m = m \cdot a$
 (y) $\rightarrow N + F_y = 0 \rightarrow N = P_y$

(x) $\rightarrow F - P_x - F_m = m \cdot a$
 (y) $\rightarrow N - P_y = 0 \rightarrow N = P_y$

• Indar elastikoa: Hooken legea:



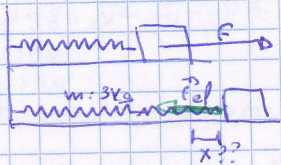
Kalkuliatzek eragiten duen indar elastikoa deformazioarekiko proportzionala da.

$$f_{el} = -k \cdot x$$

↳ Indar berresturatzgaitza da. Deformazioa eragiten duen indarrearen aurkako.

↳ konstante elastikoa (N/m)

Adib. (290. or. 7):



- $m = 3 \text{ kg}$
- $F = 0 \text{ N}$
- $k = 400 \text{ N/m}$
- $a = 4 \text{ m/s}^2$

$$F = m \cdot a$$

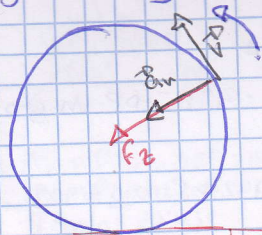
$$f_{el} = -k \cdot x$$

$$F = -f_{el}$$

$$m \cdot a = k \cdot x$$

$$3 \cdot 4 = 400 \cdot x \rightarrow x = 0,03 \text{ m logatuko da}$$

• Indar zentripetua: Higidura girkularrean, eta alago Newtonen 2. legearen arabera, indar bat egon behar da a badago, indar hau indar zentripetua da. Beti alago ibilbidearen zentruarantz gogenduta.



Esan daiten indar zentripetua sekuzen duela gorputzak bere ibilbideetik alde egitea. Adib:

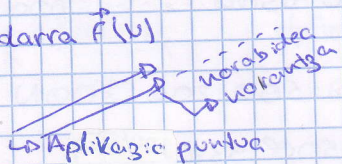
- Sola bati lotuta biratzen ari den gorputzak indar zentripetua jatorria tentsioa.
- Bikoinguru batean sartzen den automobilak indar zentripetua jatorria marzuskadura.

$$F_z = m \cdot a_n = m \cdot \frac{v^2}{R} \quad (v)$$

3. UDARRIAK:

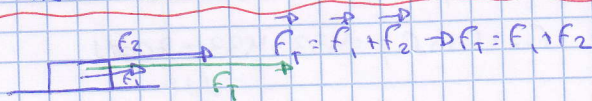
1. UDARREN EZAUGARRIAK ETA MOTAK (259. or)

• Iudarra $F(u)$



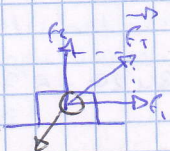
2. UDARREN KONPOSIZIO ETA DESKONPOSIZIOA

1)



$$F_T = F_1 - F_2$$

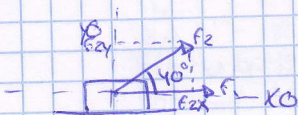
2)



$$F_T = F_1 + F_2$$

$$F_T = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$$

Iudar konkurenteak



$$F_{1x} = F_1 + F_{2x}$$

$$F_{1y} = F_{2y}$$

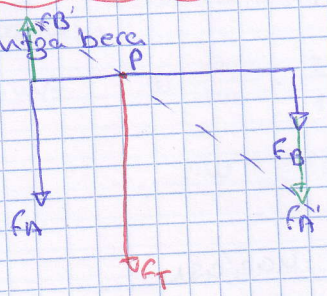
$$F_T = \sqrt{F_{1x} + F_{1y}}$$

$$F_{2y} = \sin 40^\circ \cdot F_2$$

$$F_{2x} = \cos 40^\circ \cdot F_2$$

3. JUDAR PARALELOEN KOMPOSIZIJA

a) norantiga bera

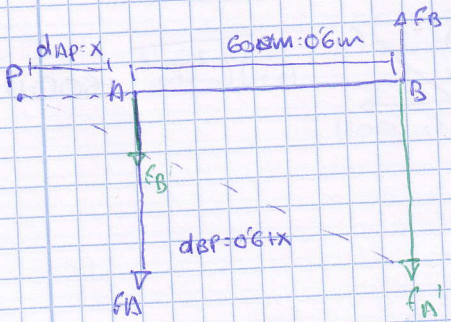


- * fnaivotie fntiktie dagoen lekure eramem (FA')
- * fntiktie fnaivotie dagoen lekure eramem aurkoko norantzaitkin (FB')
- * B. muturrean leku (P)

$$\left. \begin{array}{l} f_A = 100 \\ f_B = 80 \end{array} \right\} f_T = 180 \text{ N}$$

$$f_A \cdot d_{AP} = f_B \cdot d_{BP}$$

b) norantze desberdine



$$\left. \begin{array}{l} f_A = 10 \text{ N} \\ f_B = 8 \text{ N} \end{array} \right\} f_T = 2 \text{ N}$$

$$\begin{aligned} f_A \cdot d_{AP} &= f_B \cdot d_{BP} \\ 10 \cdot x &= 8 \cdot (x + 0.6) \end{aligned}$$

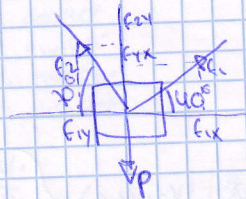
4. OREKVA ESTATIVOKA (265.oi)

Objetu bat orekvan dago, gelditu neuzen dagoenez edo abiadura konstanteaz
higitzen ari neuzen \rightarrow Horretarako: $\sum \vec{F} = 0$

Aolbi:

269. orrialdea

8.



$$F_1 \rightarrow x = \cos 40^\circ \cdot F_1 = F_1 \cdot 0'76$$
$$y = \sin 40^\circ \cdot F_1 = F_1 \cdot 0'64$$

$$F_2 \rightarrow x = \cos 70^\circ \cdot F_2 = F_2 \cdot 0'34$$
$$y = \sin 70^\circ \cdot F_2 = F_2 \cdot 0'93$$

$$\left. \begin{array}{l} F_{1x} + F_{2x} - F_2x = 0 \\ F_{1y} + F_{2y} - P = 0 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 0'77F_1 - 0'34F_2 = 0 \\ 0'64F_1 + 0'93F_2 - 5 = 0 \end{array}$$

$$F_1 = \frac{0'34 \cdot F_2}{0'77}$$

$$0'64 \cdot \frac{0'34 \cdot F_2}{0'77} + 0'93F_2 - 5 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow \frac{0'2176F_2 + 0'93F_2 - 5}{0'77} = 0 \rightarrow \frac{0'9337F_2 - 5}{0'77} = 0 \rightarrow F_2 = 4'1 \text{ N}$$

$$0'77 \cdot F_1 - 0'34 \cdot 4'1 = 0$$
$$F_1 = 1'82 \text{ N}$$