

Ej 1.

La potencia eléctrica instalada en los hogares de una población es una v.a. que sigue distribución normal de media 4,5 Kw. y desviación típica 2,1 Kw. Calcular la probabilidad de que una familia tomada al azar haya instalado:

a) Menos de 3 Kw. $P(X < 3)$

b) Más de 5 Kw. $P(X > 5)$

c) Entre 1,5 y 6,5 Kw. $P(1,5 < X < 6,5)$

Sea X la variable "potencia instalada": $X \sim N(m=4,5 \quad \sigma=2,1)$

$$F(a) = \Phi\left(\frac{a-m}{\sigma}\right)$$

$$X \longrightarrow N(m=4,5; \sigma=2,1)$$

$$P(X \leq 3) = F(3) = \Phi\left(\frac{3-4,5}{2,1}\right) = \Phi(-0,71) = 0,2389$$

$$P(X \geq 5) = 1 - F(5) = 1 - \Phi\left(\frac{5-4,5}{2,1}\right) = 1 - \Phi(0,238) = 0,5948$$

$$P(1,5 \leq X \leq 6,5) = F(6,5) - F(1,5) =$$

$$\Phi\left(\frac{6,5-4,5}{2,1}\right) - \Phi\left(\frac{1,5-4,5}{2,1}\right) = \Phi(0,95) - \Phi(-1,43) = 0,7525$$

Ej. 2

El peso P de un artículo es una v.a. normal de media $100g$ y desviación típica $7g$. El precio de venta V , de dicho artículo se fija en función de su peso de modo que:

$$V = 40P + 200$$

Calcular la probabilidad de que un artículo tomado al azar valga más de 4520 .

$$P: \text{Peso} \sim N(100, 7)$$

$$V: \text{Precio de venta} = 40P + 200$$

$$P[V > 4520] = ? \quad m_V = 40m_P + 200 = 40 \cdot 100 + 200 = 4200$$

$$\sigma_V = 40\sigma_P = 40 \cdot 7 = 280$$

$$V \sim N(4200, 280)$$

$$P[V > 4520] = 1 - F(4520) = 1 - \Phi\left(\frac{4520 - 4200}{280}\right) = 1 - \Phi(1.14) = 0.1271$$

Ej. 3

La resistencia de un dispositivo de la marca A es aleatoria normal de media 200Ω y desviación 15Ω . Los dispositivos de la marca B tienen una resistencia también normal de media 160Ω y desviación 14Ω . Se toma un dispositivo A y se coloca en serie con un dispositivo B. Calcular la probabilidad de que la resistencia final sea menor que 400Ω (suponer independencia).

$$R_A: \text{resistencia A} \sim N(200, 15)$$

$$R_B: \text{" B} \sim N(160, 14)$$

$$R_F = R_A + R_B \stackrel{\text{Independ}}{\sim} N(m_F, \sigma_F)$$

$$\text{¿} P(R_F < 400) \text{?}$$

$$m_F = m_A + m_B = 200 + 160 = 360$$

$$R_F \sim N(360, 20.52)$$

$$\sigma_F^2 = \sigma_A^2 + \sigma_B^2 = 15^2 + 14^2 = 421$$

$$P(R_F < 400) = F(400) = \Phi\left(\frac{400 - 360}{20.52}\right) = \Phi(1.95) = 0.9744$$